

## Programmeren – Blok B

---

<http://www.win.tue.nl/~wstomv/edu/2ip05/>

### College 8

Tom Verhoeff

Technische Universiteit Eindhoven  
Faculteit Wiskunde en Informatica  
Software Engineering & Technology

Opmerkingen aan T.Verhoeff@TUE.NL

## Onderwerpen

---

- **Verdelen** van oplossing over routines (om te kunnen **heersen**)
- **record-type**: ‘verdeel en heers’ toegepast op gegevens

## Afwegingen bij specificeren van routines

---

- Wanneer en hoe oplossing verdelen over **aparte routines**?
- Oplossen met **procedure** of met **function**?
- Welke **parameters** introduceren, met welke namen, welke typen?
- Welke **soort** parameters: **const**, **out**, **var**, value?
- In welke **volgorde** parameters vermelden?
- Hoever een afgesplitst probleem **generaliseren**?

## Wanneer en hoe oplossing verdelen over aparte routines

---

- Streef naar *blokken* met **hooguit een (paar) dozijn opdrachten** en **beperkte nesting-diepte**.  
*Blok* = hoofdprogramma of routine  
Dreigt het meer te worden, overweeg dan (verder) verdelen.  
Geneste repetities duiden er op dat verder opdelen gewenst is.
- Los **één probleem per routine** op.  
Niet meer en niet minder.  
Als specificatie van routine omslachtig is, dan vaak verkeerd.

## Procedure versus function

`procedure p ( ...; out x: T);` versus `function f ( ...): T;`

Aspect	procedure	function
Aantal resultaten	onbeperkt	één
Resultaat-type	onbeperkt	scalair
Aanroepbaar in formules	nee	ja
const-parameters	ja	ja
out/var-parameters	ja	afgeraden
value parameters	ja	ja

Als *duur* resultaat altijd wordt opgeslagen, dan procedure overwegen:

`p ( ... , v )` versus `v := f ( ... )`

## Welke parameters

- Streef naar routines met hooguit enkele parameters.

Neem eventueel parameters samen in een **record** of een **set**.

```
1 type
2   Option = ( LeftAlign, RightAlign, Verbose, Newline );
3   OptionSet = set of Option;
4
5 procedure WriteStuff ( ...; const opt: OptionSet );
6   { pre: ...; post: ... }
7   begin ... end;
8
9 ... WriteStuff ( ..., [ LeftAlign, Newline ] ) ...
```

## Welke soort parameters

- Gebruik *geen* **out/var**-parameters in functies.
- Gebruik **out**-parameters in procedures om resultaten te exporteren.
- Gebruik **var**-parameters in procedures om waardes te im- en exporteren, maar *niet* om *alleen* waardes te importeren (dan: **const** of value).
- Gebruik value parameters alleen als het bijkomende kopiëren naar lokale variabelen nuttig is (bijv. om aliasing te vermijden).
- Geef grotere structuren bij voorkeur *niet* door als value parameter, maar als **const**-parameter.

Vaak kan volstaan worden met kopiëren van een *deel* ervan.

## In welke volgorde parameters vermelden

Er zijn verscheidene stijlen:

- Volgorde van gebruik en in specificatie: Eerst in, dan uit  
`procedure abcFormule ( const a,b,c: Real; out x1,x2: Real );`  
`{ pre:  $a > 0 \wedge b^2 - 4ac \geq 0$`   
`post:  $(\forall x :: ax^2 + bx + c \approx a(x - x1)(x - x2)) \wedge x1 \leq x2$  }`
- Volgorde à la toekenning `v := E`: Eerst uit, dan in
- Eerst primair, dan secundair

## Hoever een afgesplitst probleem generaliseren

- Vermijd gebruik van **globale variabelen** in routines.  
Generaliseer m.b.v. parameters.
- Denk altijd even na over mogelijkheden voor generalisatie.  
Generalisatie vergroot hergebruiksmogelijkheid en inzicht.  
Kan ook oplossen vereenvoudigen.
- Generaliseer wanneer kosten tegen baten opwegen.  
*Pos*: extra parameter met startindex voor zoeken in string

## Dobbelen (3): Bepaal aantal keer dat worp voorkomt

```
1 procedure BepaalAantal ( const wl: WorpLijst; w: Waarde;
2                       out a: Integer );
3   { pre: True
4     post: a = (# s: s in Speler: wl[s] = w) }
5   var
6     s: Speler; { doorloopt wl }
7   begin
8     a := 0 { a = (# i: i in [1..s]: wl[i] = w) }
9
10  ; for s := 1 to NSpelers do begin
11      a := a + ord ( wl[s] = w )
12    end { for s }
13
14  end; { BepaalAantal }
```

## Bepaal aantal keer dat worp voorkomt (met functie)

```
1 function Aantal ( const wl: WorpLijst; w: Waarde ): Integer;
2   { pre: True
3     ret: (# s: s in Speler: wl[s] = w) }
4   var
5     s: Speler; { doorloopt wl }
6   begin
7     Result := 0 { Result = (# i: i in [1..s]: wl[i] = w) }
8
9   ; for s := 1 to NSpelers do begin
10      Result := Result + ord ( wl[s] = w )
11    end { for s }
12
13  end; { Aantal }
```

## Druk eventuele winnaar af (met twijfelachtige procedure)

```
1 procedure DrukWinnaarAf ( const wl: WorpLijst;
2                          w: Waarde; a: Integer );
3   { pre : w = max wl, a = (# s: s in Speler: wl[s] = w)
4     post: eventuele winnaar (werper unieke maximum) is afgedrukt }
5   var
6     winnaar: Speler; { eventuele winnaar }
7   begin
8     if a = 1 then begin
9       BepaalWerper ( wl, w, winnaar )
10      ; writeln ( 'Speler ', winnaar, ' wint' )
11    end { then }
12    else
13      writeln ( 'Geen winnaar' )
14    end; { DrukWinnaarAf }
```

## Verdeel en heers voor data: het record-type

Bundelt een stel variabelen, mogelijk met verschillende types:

```
record  
  <veldnaam> : <type> ;  
  ... ;  
  <veldnaam> : <type>  
end
```

**type**

```
TLocatie = record  
  kolom: 'a' .. 'h';  
  rij: 1 .. 8;  
end;
```

## Gebruik van record-type

```
... <recordvarnaam> . <veldnaam> ...
```

```
with <recordvarnaam> do ... <veldnaam> ...
```

**var**

```
locatie: TLocatie;
```

```
...  
writeln ( locatie.kolom, locatie.rij )
```

```
{ equivalent met }
```

```
with locatie do begin
```

```
  writeln ( kolom, rij )
```

```
end
```

## Voorbeeld van record-type definitie bij KeizerKiezer

**const**

```
MaxN = 10000; { maximale aantal kandidaten,  $\geq 1$  }
```

**type**

```
Kandidaat = 0 .. MaxN - 1; { de kandidaten, eigenlijk 0 .. N - 1 }
```

```
Kring = record
```

```
  N: 1 .. MaxN; { aantal kandidaten bij aanvang }
```

```
  inKring: array [ Kandidaat ] of Boolean;
```

```
  { inKring[i] = "kandidaat i staat nog in de kring" ( $0 \leq i < N$ ) }
```

```
  rest: 1 .. MaxN; { aantal overgebleven kandidaten }
```

```
  { rest = (# i :  $0 \leq i < N$  : inKring[i]) }
```

```
  aangewezen: Kandidaat; { doorloopt de kandidaten }
```

```
  { er geldt inKring[aangewezen] }
```

```
end; { Kring }
```

## Specificatie van routines werkend op record-type

```
procedure initKring ( out k: Kring; const a: Integer );
```

```
  { pre:  $1 \leq a \leq MaxN$ 
```

```
    post: k is kring met a kandidaten, en 0 aangewezen }
```

```
procedure wijsVolgendeAan ( var k: Kring );
```

```
  { pre: Zij k = K
```

```
    post: k = K met k.aangewezen = volgende in kring na K.aangewezen }
```

```
procedure verwijderAangewezen ( var k: Kring );
```

```
  { pre: Zij k = K met k.rest  $\geq 2$ 
```

```
    post: k = K met k.aangewezen = volgende in kring na K.aangewezen  
           K.aangewezen is verwijderd uit de kring }
```

## Gebruik van routines werkend op record-type

```
var
  n: 1 .. MaxN; { aantal kandidaten (invoer) }
  deKring: Kring; { de kring met kandidaten }

begin
  readln ( n )
;  initKring ( deKring , n )

;  while deKring.rest ≠ 1 do begin
    wijsVolgendeAan ( deKring )
;  wijsVolgendeAan ( deKring )
;  verwijderAangewezen ( deKring )
  end

;  writeln('Kandidaat ', deKring.aangewezen, ' wordt keizer' )
```

## Voorbeeld van record-type gebruik

```
procedure initKring ( out k: Kring; const a: Integer );
{ pre: 1 ≤ a ≤ MaxN
  post: k is kring met a kandidaten, en 0 aangewezen }
var
  i: Kandidaat; { doorloopt kandidaten }
begin
  with k do begin
    N := a
;  for i := 0 to N - 1 do begin
    inKring [i] := True
  end { for i }
;  rest := N
;  aangewezen := 0
  end { with k }
end; { initKring }
```

## Voorbeeld van record-type gebruik (2)

```
procedure wijsVolgendeAan ( var k: Kring );
{ pre: Zij k = K
  post: k = K met k.aangewezen = volgende in kring na K.aangewezen }

begin
  with k do begin

    repeat
      aangewezen := ( aangewezen + 1 ) mod N
    until inKring [ aangewezen ]

  end { with k }
end; { wijsVolgendeAan }
```

## Voorbeeld van record-type gebruik (3)

```
1 procedure verwijderAangewezen ( var k: Kring );
2   { pre: Zij k = K, met $k.\id{rest} \ge 2$
3     post: k = K waarbij K.aangewezen is verwijderd en
4         diens opvolger is aangewezen }
5   begin
6     with k do begin
7       inKring [ aangewezen ] := False
8       ; rest := rest - 1
9       ; wijsVolgendeAan ( k )
10    end { with k }
11  end; { verwijderAangewezen }
```

## Gevolgen van wijziging bij KeizerKiezer

type

**Kring** = record

**N**: 1 .. MaxN; { aantal kandidaten bij aanvang }

**opvolger**: array [ Kandidaat ] of Kandidaat;

{ opvolger[i] = "wie op kandidaat i volgt in de kring" (0 ≤ i < N) }

**rest**: 1 .. MaxN; { aantal overgebleven kandidaten }

**aangewezen**: Kandidaat; { doorloopt de kandidaten }

{ aangewezen kandidaat staat in de kring }

end; { Kring }

Hoofdprogramma ongewijzigd

Alleen definities van type *Kring* en de routines erop veranderen

## Gevolgen van wijziging bij KeizerKiezer

procedure *wijsVolgendeAan* ( var *k*: Kring );

{ pre: Zij *k* = *K*

post: *k* = *K* met *k.aangewezen* = volgende in kring na *K.aangewezen* }

begin

with *k* do begin

*aangewezen* := opvolger [ *aangewezen* ]

end { with *k* }

end; { *wijsVolgendeAan* }

## Huiswerkopgave: Energiepillen

Beschouw deze 3 × 4 matrix:

0	1	30	5
2	10	0	3
4	20	7	99

Wat is de maximale padsom bij enige wandeling van linksboven naar rechtsonder, waarbij alleen naar rechts en naar onder gestapt wordt?

(Hoeveel van dergelijke wandelingen zijn er?)

## Energiepillen: analyse

Er zijn  $\binom{3+4-2}{3-1} = \binom{5}{2} = 10$  wandelingen mogelijk.

Van de 5 stappen moet je er 2 naar onder kiezen en 3 naar rechts.

In 20 × 20 matrix: circa 35 miljard wandelingen!

0	1	30	5
2	10	0	3
4	20	7	99

De maximale padsom bedraagt hier 138.

## Energiepillen: algoritme

---

Generaliseer het probleem:

Wat is de maximale padsom van enige monotone wandeling vanuit  $(i, j)$  naar rechtsonder?

Algoritme: reken terug vanaf eindpunt

invoermatrix

0	1	30	5
2	10	0	3
4	20	7	99

max. padsom vanuit  $(i, j)$

138	138	137	107
138	136	106	102
130	126	106	99